

§ 3.1. ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ ВОПРОСЫ

- 1) Условия возрастания функции на отрезке.
- 2) Условия убывания функции на отрезке.
- 3) Точки экстремума. Необходимое условие экстремума.
- 4) Достаточные признаки максимума и минимума функции (изменение знака первой производной).
- 5) Наибольшее и наименьшее значения функции, непрерывной на отрезке.
- 6) Выпуклость и вогнутость графика функции. Достаточные условия выпуклости и вогнутости.
- 7) Точки перегиба графика функции. Необходимое условие перегиба. Достаточные условия перегиба,
- 8) Исследование функции на экстремум с помощью высших производных.
- 9) Асимптоты графика функции.

§ 3.2. ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ УПРАЖНЕНИЯ

- 1) Доказать, что функция $f(x) = x - \sin x$ монотонно возрастает на отрезке: а) $[0, 2\pi]$; б) $[0, 4\pi]$.

Следует ли из монотонности дифференцируемой функции монотонность ее производной?

- 2) Доказать теорему: если функции $\varphi(x)$ и $\psi(x)$ дифференцируемы на отрезке $[a, b]$ и $\varphi'(x) > \psi'(x) \forall x \in (a, b)$, а $\varphi(a) = \psi(a)$, то $\varphi(x) > \psi(x) \forall x \in (a, b]$.

Дать геометрическую интерпретацию теоремы.

Указание. При доказательстве теоремы установить и использовать монотонность функции $f(x) = \varphi(x) - \psi(x)$.

- 3) Доказать неравенство $\frac{2x}{\pi} < \sin x$ для трех случаев:

а) $\forall x \in \left(0, \arccos \frac{2}{\pi}\right]$; б) $\forall x \in \left[\arccos \frac{2}{\pi}, \frac{\pi}{2}\right)$; в) $\forall x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.

Дать геометрическую интерпретацию неравенства.

- 4) Исходя из определений минимума и максимума, доказать, что функция

$$f(x) = \begin{cases} e^{-1/x^2}, & x \neq 0, \\ 0, & x = 0 \end{cases}$$

имеет в точке $x = 0$ минимум, а функция

$$g(x) = \begin{cases} xe^{-1/x^2}, & x \neq 0, \\ 0, & x = 0 \end{cases}$$

не имеет в точке $x = 0$ экстремума.

- 5) Исследовать на экстремум в точке x_0 функцию $f(x) = (x - x_0)^n \varphi(x)$, считая, что производная $\varphi'(x)$ не существует, но функция $\varphi(x)$ непрерывна в точке x_0 и $\varphi(x_0) \neq 0$,

n — натуральное число.

6) Исследовать знаки максимума и минимума функции $x^3 - 3x + q$ и выяснить условия, при которых уравнение $x^3 - 3x + q$ имеет:

а) три различных действительных корня;

б) один действительный корень.

7) Определить «отклонение от нуля» многочлена $p(x) = 6x^3 - 27x^2 + 36x - 14$ на отрезке $[0,3]$, т. е. найти на этом отрезке наибольшее значение функции $|p(x)|$.

8) Установить условия существования асимптот у графика рациональной функции.

§ 3.3. РАСЧЕТНЫЕ ЗАДАНИЯ

Задача 1. Построить графики функций с помощью производной первого порядка.

1. $y = 2x^3 - 9x^2 + 12x - 9$.

17. $y = 12x^2 - 8x^3 - 2$.

2. $y = 3x - x^3$.

18. $y = (2x - 1)^2(2x - 3)^2$.

3. $y = x^2(x - 2)^2$.

19. $y = 27(x^3 - x^2) / 4 - 4$.

4. $y = (x^3 - 9x^2) / 4 + 6x - 9$.

20. $y = x(12 - x^2) / 8$.

5. $y = 2 - 3x^2 - x^3$.

21. $y = x^2(x - 4)^2 / 16$.

6. $y = (x + 1)^2(x - 1)^2$.

22. $y = 27(x^3 + x^2) / 4 - 5$.

7. $y = 2x^3 - 3x^2 - 4$.

23. $y = (16 - 6x^2 - x^3) / 8$.

8. $y = 3x^2 - 2 - x^3$.

24. $y = -(x^2 - 4)^2 / 16$.

9. $y = (x - 1)^2(x - 3)^2$.

25. $y = 16x^3 - 36x^2 + 24x - 9$.

10. $y = (x^3 + 3x^2) / 4 - 5$.

26. $y = (6x^2 - x^3 - 16) / 8$.

11. $y = 6x - 8x^3$.

27. $y = -(x - 2)^2(x - 6)^2 / 16$.

12. $y = 16x^2(x - 1)^2$.

28. $y = 16x^3 - 12x^2 - 4$.

13. $y = 2x^3 + 3x^2 - 5$.

29. $y = (11 + 9x - 3x^2 - x^3) / 8$.

14. $y = 2 - 12x^2 - 8x^3$.

30. $y = -(x + 1)^2(x - 3)^2 / 16$.

15. $y = (2x + 1)^2(2x - 1)^2$.

31. $y = 16x^3 + 12x^2 - 5$.

16. $y = 2x^3 + 9x^2 + 12x$.

Задача 2. Построить графики функций с помощью производной первого порядка.

1. $y = 1 - \sqrt[3]{x^2 - 2x}$.

2. $y = 2x - 3\sqrt[3]{x^2}$.

$$3. y = \frac{12\sqrt[3]{6(x-2)^2}}{x^2+8}.$$

$$4. y = -\frac{12\sqrt[3]{6(x-1)^2}}{x^2+2x+9}.$$

$$5. y = 1 - \sqrt[3]{x^2+2x}.$$

$$6. y = 2x+6 - 3\sqrt[3]{(x+3)^2}.$$

$$7. y = \frac{6\sqrt[3]{6(x-3)^2}}{x^2-2x+9}.$$

$$8. y = 1 - \sqrt[3]{x^2+4x+3}.$$

$$9. y = 3\sqrt[3]{(x-3)^2} - 2x+6.$$

$$10. y = -\frac{6\sqrt[3]{6x^2}}{x^2+4x+12}.$$

$$11. y = 4x+8 - 6\sqrt[3]{(x+2)^2}.$$

$$12. y = \frac{3\sqrt[3]{6(x-4)^2}}{x^2-4x+12}.$$

$$13. y = \sqrt[3]{x(x+2)}.$$

$$14. y = \sqrt[3]{x^2+4x+3}.$$

$$15. y = -\frac{3\sqrt[3]{6(x+1)^2}}{x^2+6x+17}.$$

$$16. y = 6\sqrt[3]{(x-2)^2} - 4x+8.$$

$$17. y = \frac{3\sqrt[3]{6(x-5)^2}}{x^2-6x+17}.$$

$$18. y = 2 + \sqrt[3]{8x(x+2)}.$$

$$19. y = 6x-6 - 9\sqrt[3]{(x-1)^2}.$$

$$20. y = \sqrt[3]{x^2+6x+8}.$$

$$21. y = \sqrt[3]{4x(x-1)}.$$

$$22. y = -\frac{3\sqrt[3]{6(x+2)^2}}{x^2+8x+24}.$$

$$23. y = \sqrt[3]{x(x-2)}.$$

$$24. y = 1 - \sqrt[3]{x^2-4x+3}.$$

$$25. y = 9\sqrt[3]{(x+1)^2} - 6x-6.$$

$$26. y = \frac{6\sqrt[3]{6(x+3)^2}}{x^2+10x+33}.$$

$$27. y = 8x-16 - 12\sqrt[3]{(x-2)^2}.$$

$$28. y = -\frac{6\sqrt[3]{6(x-6)^2}}{x^2-8x+24}.$$

$$29. y = 12\sqrt[3]{(x+2)^2} - 8x-16.$$

$$30. y = \frac{3\sqrt[3]{6(x-1)^2}}{2(x^2+2x+9)}.$$

$$31. y = 3\sqrt[3]{(x+4)^2} - 2x-8.$$

Задача 3. Найти наибольшее и наименьшее значения функций на заданных отрезках.

$$1. y = x^2 + \frac{16}{x} - 16, [1,4]$$

$$2. y = 4 - x - \frac{4}{x^2}, [1,4]$$

$$3. y = \sqrt[3]{2(x-2)^2(8-x)} - 1, [0,6]$$

$$4. y = \frac{2(x^2+3)}{x^2-2x+5}, [-3,3]$$

$$5. y = 2\sqrt{x} - x, [0,4]$$

$$6. y = 1 + \sqrt[3]{2(x-1)^2(x-7)}, [-1,5]$$

$$7. y = x - 4\sqrt{x} + 5, [1,9]$$

$$8. y = \frac{10x}{1+x^2}, [0,3]$$

$$9. y = \sqrt[3]{2(x+1)^2(5-x)} - 2, [-3,3]$$

$$10. y = 2x^2 + \frac{108}{x} - 59, [2,4]$$

$$11. y = 3 - x - \frac{4}{(x+2)^2}, [-1,2]$$

$$12. y = \sqrt[3]{2x^2(x-3)}, [-1,6]$$

$$13. y = \frac{2(-x^2+7x-7)}{x^2-2x+2}, [1,4]$$

$$14. y = x - 4\sqrt{x+2} + 8, [-1,7]$$

$$15. y = \sqrt[3]{2(x-2)^2(5-x)}, [1,5]$$

$$16. y = \frac{4x}{4+x^2}, [-4,2]$$

$$17. y = -\frac{x^2}{2} + \frac{8}{x} + 8, [-4,-1]$$

$$18. y = \sqrt[3]{2x^2(x-6)}, [-2,4]$$

$$19. y = \frac{-2x(2x+3)}{x^2+4x+5}, [-2,1]$$

$$20. y = -\frac{2(x^2+3)}{x^2+2x+5}, [-5,1]$$

$$21. y = \sqrt[3]{2(x-1)^2(x-4)}, [-2,1]$$

$$22. y = x^2 - 2x + \frac{16}{x-1} - 13, [2,5]$$

$$23. y = 2\sqrt{x-1} - x + 2, [1,5]$$

$$24. y = \sqrt[3]{2(x+2)^2(1-x)}, [-3,4]$$

$$25. y = -\frac{x^2}{2} + 2x + \frac{8}{x-2} + 5, [-2,1]$$

$$26. y = 8x + \frac{4}{x^2} - 15, \left[\frac{1}{2}, 2\right]$$

$$27. y = \sqrt[3]{2(x+2)^2(x-4)} + 3, [-4,2]$$

$$28. y = x^2 + 4x + \frac{16}{x+2} - 9, [-1,2]$$

$$29. y = \frac{4}{x^2} - 8x - 15, \left[-2, -\frac{1}{2}\right]$$

$$30. y = \sqrt[3]{2(x+1)^2(x-2)}, [-2,5]$$

$$31. y = \frac{10x+10}{x^2+2x+2}, [-1,2]$$

Задача 4. Варианты 1-10. Рыбаку нужно переправиться с острова A на остров B (рис.3.1). Чтобы пополнить свои запасы, он должен попасть на участок берега MN . Найти кратчайший путь рыбака $s = s_1 + s_2$.

1. $a=200, b=300, H=400, h=300, L=700$.
2. $a=400, b=600, H=800, h=600, L=1400$.
3. $a=600, b=900, H=1200, h=900, L=2100$.
4. $a=800, b=1200, H=1600, h=1200, L=2800$.
5. $a=1000, b=1500, H=2000, h=1500, L=3500$.
6. $a=400, b=500, H=300, h=400, L=700$.
7. $a=800, b=1000, H=600, h=800, L=1400$.
8. $a=1200, b=1500, H=900, h=1200, L=2100$.
9. $a=1600, b=2000, H=1200, h=1600, L=2800$.
10. $a=2000, b=2500, H=1500, h=2000, L=3500$.

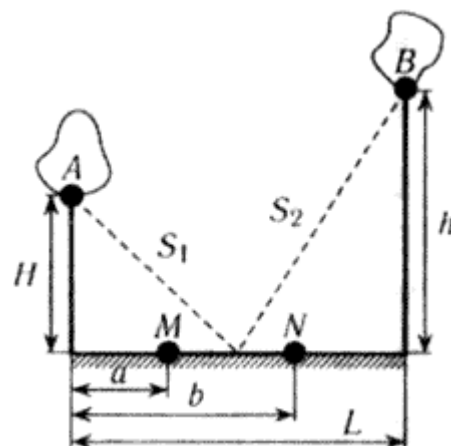


Рис3.1

Варианты 11-20. При подготовке к экзамену студент за t дней изучает $\frac{t}{t+k}$ — ю часть курса, а забывает

α — ю часть. Сколько дней нужно затратить на подготовку, чтобы была изучена максимальная часть курса?

$$11. k=1/2, \alpha = 2/49.$$

$$12. k=1/2, \alpha = 2/81.$$

$$13. k=1/2, \alpha = 2/121.$$

$$14. k=1/2, \alpha = 2/169.$$

$$15. k=1, \alpha = 1/25.$$

$$16. k=1, \alpha = 1/16.$$

17. $k=1, \alpha = 1/36$.

18. $k=1, \alpha = 1/49$.

19. $k=2, \alpha = 1/18$.

20. $k=2, \alpha = 2/49$.

Варианты 21-31. Тело массой $m_0 = 3000 \text{ кг}$ падает с высоты $H \text{ м}$ и теряет массу (сгорает) пропорционально времени падения. Коэффициент пропорциональности $k = 100 \text{ кг}^2/\text{с}$. Считая, что начальная скорость $v_0 = 0$, ускорение $g = 10 \text{ М}/\text{с}^2$, и пренебрегая сопротивлением воздуха, найти наибольшую кинетическую энергию тела.

21. $H=500$.

22. $H=605$.

23. $H=720$.

24. $H=845$.

25. $H=980$.

26. $H=1125$.

27. $H=1280$.

28. $H=1445$.

29. $H=1620$.

30. $H=1805$.

31. $H=2000$.

Задача 5. Исследовать поведение функций в окрестностях заданных точек с помощью производных высших порядков.

1. $y = x^2 - 4x - (x-2)\ln(x-1), x_0 = 2$.

2. $y = 4x - x^2 - 2\cos(x-2), x_0 = 2$.

3. $y = 6e^{x-2} - x^3 + 3x^2 - 6x, x_0 = 2$.

4. $y = 2\ln(x+1) - 2x + x^2 + 1, x_0 = 0$.

5. $y = 2x - x^2 - 2\cos(x-1), x_0 = 1$.

6. $y = \cos^2(x+1) + x^2 + 2x, x_0 = -1$.

7. $y = 2\ln x + x^2 - 4x + 3, x_0 = 1$.

8. $y = 1 - 2x - x^2 - 2\cos(x+1), x_0 = -1$.

9. $y = x^2 + 6x + 8 - 2e^{x+2}, x_0 = -2$.

10. $y = 4x + x^2 - 2e^{x+1}, x_0 = -1$.

11. $y = (x+1)\sin(x+1) - 2x - x^2, x_0 = -1$.

12. $y = 6e^{x-1} - 3x - x^3, x_0 = 1$.

13. $y = 2x + x^2 - (x+1)\ln(2+x), x_0 = -1$.

14. $y = \sin^2(x+1) - 2x - x^2, x_0 = -1$.

15. $y = x^2 + 4x + \cos^2(x+2), x_0 = -2$.

16. $y = x^2 + 2\ln(x+2), x_0 = -1$.

17. $y = 4x - x^2 + (x-2)\sin(x-2), x_0 = 2$.

18. $y = 6e^x - x^3 - 3x^2 - 6x - 5, x_0 = 0$.

19. $y = x^2 - 2x - 2e^{x-2}, x_0 = 2$.

20. $y = \sin^2(x+2) - x^2 - 4x - 4, x_0 = -2$.

21. $y = \cos^2(x-1) + x^2 - 2x, x_0 = 1$.

22. $y = x^2 - 2x - (x-1)\ln x, x_0 = 1$.

23. $y = (x-1)\sin(x-1) + 2x - x^2, x_0 = 1$.

24. $y = x^2 - 4x + \cos^2(x-2), x_0 = 2$.

25. $y = x^4 + 4x^3 + 12x^2 + 24(x+1 - e^x), x_0 = 0$.

26. $y = \sin^2(x-2) - x^2 + 4x - 4, x_0 = 2$.

27. $y = 6e^{x+1} - x^3 - 6x^2 - 15x - 16, x_0 = -1$.

28. $y = \sin x + shx - 2x, x_0 = 0$.

29. $y = \sin^2(x-1) - x^2 + 2x, x_0 = 1$.

30. $y = \cos x + chx, x_0 = 0$.

31. $y = x^2 - 2e^{x-1}, x_0 = 1$.

Задача 6. Найти асимптоты и построить графики функций.

1. $y = \frac{17 - x^2}{4x - 5}$.

2. $y = \frac{x^2 + 1}{\sqrt{4x^2 - 3}}$.

3. $y = \frac{x^3 - 4x}{3x^2 - 4}$.

4. $y = \frac{4x^2 + 9}{4x + 8}$.

5. $y = \frac{4x^3 + 3x^2 - 8x - 2}{2 - 3x^2}$.

6. $y = \frac{x^2 - 3}{\sqrt{3x^2 - 2}}$.

7. $y = \frac{2x^2 - 6}{x - 2}$.

8. $y = \frac{2x^3 + 2x^2 - 3x - 1}{2 - 4x^2}$.

9. $y = \frac{x^3 - 5x}{5 - 3x^2}$.

10. $y = \frac{x^2 - 6x + 4}{3x - 2}$.

11. $y = \frac{2 - x^2}{\sqrt{9x^2 - 4}}$.

12. $y = \frac{4x^3 - 3x}{4x^2 - 1}$.

13. $y = \frac{3x^2 - 7}{2x + 1}$.

14. $y = \frac{x^2 + 16}{\sqrt{9x^2 - 8}}$.

15. $y = \frac{x^3 + 3x^2 - 2x - 2}{2 - 3x^2}$.

16. $y = \frac{21 - x^2}{7x + 9}$.

17. $y = \frac{2x^2 - 1}{\sqrt{x^2 - 2}}$.

18. $y = \frac{2x^3 - 3x^2 - 2x + 1}{1 - 3x^2}$.

19. $y = \frac{x^2 - 11}{4x - 3}$.

20. $y = \frac{2x^2 - 9}{\sqrt{x^2 - 1}}$.

21. $y = \frac{x^3 - 2x^2 - 3x + 2}{1 - x^2}$.

22. $y = \frac{x^2 + 2x - 1}{2x + 1}$.

23. $y = \frac{x^3 + x^2 - 3x - 1}{2x^2 - 2}$.

24. $y = \frac{x^2 + 6x + 9}{x + 4}$.

25. $y = \frac{3x^2 - 10}{\sqrt{4x^2 - 1}}$.

26. $y = \frac{x^2 - 2x + 2}{x + 3}$.

27. $y = \frac{2x^3 + 2x^2 - 9x - 3}{2x^2 - 3}$.

28. $y = \frac{3x^2 - 10}{3 - 2x}$.

29. $y = \frac{-x^2 - 4x + 13}{4x + 3}$.

30. $y = \frac{-8 - x^2}{\sqrt{x^2 - 4}}$.

31. $y = \frac{9 - 10x^2}{\sqrt{4x^2 - 1}}$.

Задача 7. Провести полное исследование функций и построить их график.

$$1. y = \frac{x^3 + 4}{x^2}.$$

$$2. y = \frac{x^2 - x + 1}{x - 1}.$$

$$3. y = \frac{2}{x^2 + 2x}.$$

$$4. y = \frac{4x^2}{3 + x^2}.$$

$$5. y = \frac{12x}{9 + x^2}.$$

$$6. y = \frac{x^2 - 3x + 3}{x - 1}.$$

$$7. y = \frac{4 - x^3}{x^2}.$$

$$8. y = \frac{x^2 - 4x + 1}{x - 4}.$$

$$9. y = \frac{2x^3 + 1}{x^2}.$$

$$10. y = \frac{(x-1)^2}{x^2}.$$

$$11. y = \frac{x^2}{(x-1)^2}.$$

$$12. y = \left(1 + \frac{1}{x}\right)^2.$$

$$13. y = \frac{12 - 3x^2}{x^2 + 12}.$$

$$14. y = \frac{9 + 6x - 3x^2}{x^2 - 2x + 13}.$$

$$15. y = \frac{-8x}{x^2 + 4}.$$

$$16. y = \left(\frac{x-1}{x+1}\right)^2.$$

$$17. y = \frac{3x^4 + 1}{x^3}.$$

$$18. y = \frac{4x}{(x+1)^2}.$$

$$19. y = \frac{8(x-1)}{(x+1)^2}.$$

$$20. y = \frac{1 - 2x^3}{x^2}.$$

$$21. y = \frac{4}{x^2 + 2x - 3}.$$

$$22. y = \frac{4}{3 + 2x - x^2}.$$

$$23. y = \frac{x^2 + 2x - 7}{x^2 + 2x - 3}.$$

$$24. y = \frac{1}{x^4 - 1}.$$

$$25. y = -\left(\frac{x}{x+2}\right)^2.$$

$$26. y = \frac{x^3 - 32}{x^2}.$$

$$27. y = \frac{4(x+1)^2}{x^2 + 2x + 4}.$$

$$28. y = \frac{3x - 2}{x^3}.$$

$$29. y = \frac{x^2 - 6x + 9}{(x-1)^2}.$$

$$30. y = \frac{x^3 - 27x + 54}{x^3}.$$

$$31. y = \frac{x^3 - 4}{x^2}.$$

Задача 8. Провести полное исследование функций и построить их графики.

$$1. y = (2x + 3)e^{-2(x+1)}.$$

$$2. y = \frac{e^{2(x+1)}}{2(x+1)}.$$

$$3. y = 3 \ln \frac{x}{x-3} - 1.$$

$$4. y = (3-x)e^{x-2}.$$

$$5. y = \frac{e^{2-x}}{2-x}.$$

$$6. y = \ln \frac{x}{x+2} + 1.$$

$$7. y = (x-2)e^{3-x}.$$

$$8. y = \frac{e^{2(x-1)}}{2(x-1)}.$$

$$9. y = 3 - 3 \ln \frac{x}{x+4}.$$

$$10. y = -(2x+1)e^{2(+1)}.$$

$$11. y = \frac{e^{2(x+2)}}{2(x+2)}.$$

$$12. y = \ln \frac{x}{x-2} - 2.$$

$$13. y = (2x + 5)e^{-2(x+2)}.$$

$$14. y = \frac{e^{3-x}}{3-x}.$$

$$15. y = 2 \ln \frac{x}{x+1} - 1.$$

$$16. y = (4-x)e^{x-3}.$$

$$17. y = -\frac{e^{-2(x+2)}}{2(x+2)}.$$

$$18. y = 2 \ln \frac{x+3}{x} - 3.$$

$$19. y = (2x-1)e^{2(1-x)}.$$

$$20. y = -\frac{e^{-(x+2)}}{x+2}.$$

$$21. y = 2 \ln \frac{x}{x-4} - 3.$$

$$22. y = -(x+1)e^{(x+2)}.$$

$$23. y = \frac{e^{x+3}}{x+3}.$$

$$24. y = \ln \frac{x}{x+5} - 1.$$

$$25. y = -(2x+3)e^{2(x+2)}.$$

$$26. y = -\frac{e^{-2(x-1)}}{2(x-1)}.$$

$$27. y = \ln \frac{x-5}{x} + 2.$$

$$28. y = (x+4)e^{-(x+3)}.$$

$$29. y = -\frac{e^{x-3}}{x-3}.$$

$$30. y = \ln \frac{x+6}{x} - 1.$$

$$31. y = 2 \ln \frac{x-1}{x} + 1.$$

Задача 9. Провести полное исследование функций и построить их графики.

$$1. y = \sqrt[3]{(2-x)(x^2-4x+1)}.$$

$$2. y = -\sqrt[3]{(x+3)(x^3+6x+6)}.$$

$$3. y = \sqrt[3]{(x+2)(x^2+4x+1)}.$$

$$4. y = \sqrt[3]{(x+1)(x^2+2x-2)}.$$

$$5. y = \sqrt[3]{(x-1)(x^2-2x-2)}.$$

$$6. y = \sqrt[3]{(x-3)(x^2-6x+6)}.$$

$$7. y = \sqrt[3]{(x^2-4x+3)^2}.$$

$$8. y = \sqrt[3]{x^2(x+2)^2}.$$

$$9. y = \sqrt[3]{x^2(x-2)^2}.$$

$$10. y = \sqrt[3]{(x^2-2x-3)^2}.$$

$$11. y = \sqrt[3]{x^2(x+4)^2}.$$

$$12. y = \sqrt[3]{x^2(x-4)^2}.$$

$$13. y = \sqrt[3]{(x+3)x^2}.$$

$$14. y = \sqrt[3]{(x-1)(x+2)^2}.$$

$$15. y = \sqrt[3]{(x-1)^2} - \sqrt[3]{x^2}.$$

$$16. y = \sqrt[3]{(x+6)x^2}.$$

$$17. y = \sqrt[3]{(x-4)(x+2)^2}.$$

$$18. y = \sqrt[3]{(x-1)^2} - \sqrt[3]{(x-2)^2}.$$

$$19. y = \sqrt[3]{(x+1)(x-2)^2}.$$

$$20. y = \sqrt[3]{(x-3)x^2}.$$

$$21. y = \sqrt[3]{(x-2)^2} - \sqrt[3]{(x-3)^2}.$$

$$22. y = \sqrt[3]{(x+2)(x-4)^2}.$$

$$23. y = \sqrt[3]{(x-6)x^2}.$$

$$24. y = \sqrt[3]{x^2} - \sqrt[3]{(x-1)^2}.$$

$$25. y = \sqrt[3]{x(x-3)^2}.$$

$$29. y = \sqrt[3]{x(x+6)^2}.$$

$$26. y = \sqrt[3]{x(x+3)^2}.$$

$$30. y = \sqrt[3]{(x+1)^2} - \sqrt[3]{(x+2)^2}.$$

$$27. y = \sqrt[3]{(x+2)^2} - \sqrt[3]{(x+3)^2}.$$

$$31. y = \sqrt[3]{x(x-1)^2}.$$

$$28. y = \sqrt[3]{x(x-6)^2}.$$

Задача 10. Провести полное исследование функций и построить их графики.

$$1. y = e^{\sin x + \cos x}.$$

$$17. y = e^{-\sin x - \cos x}.$$

$$2. y = \operatorname{arctg} \left(\frac{(\sin x + \cos x)}{\sqrt{2}} \right).$$

$$18. y = \sqrt[3]{\sin x}.$$

$$3. y = \ln(\cos x + \sin x).$$

$$19. y = \ln(-\sin x - \cos x).$$

$$4. y = \left(\frac{1}{\sin x + \cos x} \right).$$

$$20. y = \sqrt{\frac{\sin x - \cos x}{\sqrt{2}}}.$$

$$5. y = e^{\sqrt{2} \sin x}.$$

$$21. y = e^{-\sqrt{2} \sin x}.$$

$$6. y = \operatorname{arctg} \sin x.$$

$$22. y = \sqrt[3]{\cos x}.$$

$$7. y = \ln(\sqrt{2} \sin x).$$

$$23. y = x^2 - 4x - (x-2) \ln(x-1), x_0 = 2.$$

$$8. y = \left(\frac{1}{\sin x - \cos x} \right).$$

$$24. y = \sqrt{\cos x}.$$

$$9. y = e^{\sin x - \cos x}.$$

$$25. y = e^{\cos x - \sin x}.$$

$$10. y = \operatorname{arctg} \left(\frac{\sin x - \cos x}{\sqrt{2}} \right).$$

$$26. y = \sqrt[3]{\frac{\sin x + \cos x}{\sqrt{2}}}.$$

$$11. y = \ln(\sin x - \cos x).$$

$$27. y = \ln(\cos x - \sin x).$$

$$12. y = \frac{1}{(\sin x + \cos x)^2}.$$

$$28. y = \sqrt{\sin x}.$$

$$13. y = e^{-\sqrt{2} \cos x}.$$

$$29. y = e^{\sqrt{2} \cos x}.$$

$$14. y = -\operatorname{arctg} \cos x.$$

$$30. y = \sqrt{\frac{\sin x + \cos x}{\sqrt{2}}}.$$

$$15. y = \ln(-\sqrt{2} \cos x).$$

$$31. y = \ln(\sqrt{2} \cos x).$$

$$16. y = \frac{1}{(\sin x - \cos x)^2}.$$